

RÉSUMÉ

Dans cette thèse, de nouvelles conditions de stabilité et de nouvelles bornes de perturbation pour les chaînes de Markov sont obtenues.

Dans un premier temps, nous avons précisé les conditions de stabilité des chaînes de Markov à espace d'états général après perturbation de leurs noyaux de transition. Sous ces conditions, nous avons obtenu des bornes supérieures de la déviation de la norme de la distribution stationnaire par rapport à différentes quantités.

Nous avons fait le lien entre la méthode de stabilité forte et la méthode de stabilité absolue. Nous avons alors généralisé plusieurs résultats du cas d'un espace d'état fini au cas d'un espace d'état dénombrable. En particulier, nous avons obtenu des bornes supérieures pour la déviation absolue et relative des composantes individuelles du vecteur stationnaire d'une chaîne de Markov discrète à espace d'états fini ou dénombrable.

Nous avons également montré que sous certaines conditions, une chaîne de Markov géométriquement ergodique est fortement stable par rapport à une certaine norme, notamment, lorsque la condition de Lyapunov est satisfaite. Nous avons alors obtenu des estimations quantitatives de stabilité pour ces chaînes.

Dans un deuxième temps, nous avons appliqué certains résultats de la théorie de stabilité forte à l'étude de la sensibilité des modèles stochastiques de gestion des stocks aux perturbations dans leurs paramètres. Enfin, nous avons conçu un programme informatique pour tester numériquement la performance des résultats et les comparer.

Mots-clés : Chaîne de Markov, Perturbation, Stabilité, Estimations quantitatives, Gestion des stocks.

ABSTRACT

In this thesis, new conditions for the stability and new perturbation bounds for Markov chains are obtained.

First, we have precised the conditions for the stability of Markov chains with general state space after perturbation of their transition kernels. Under these conditions, we have derived perturbation bounds for the deviation of the norm of the stationary distribution with respect to different quantities.

We have made the connection between the strong stability method and the absolute stability method. We have then, generalized several results from the case of finite state space to the case of denumerable state space. In particular, we have derived several perturbation bounds for the absolute and relative deviation of the individual components of the stationary vector of a discrete Markov chain with states in a finite or denumerable space.

We have shown that under some conditions, a geometrically ergodic Markov chain is strongly stable with respect to some norm. In particular, when the Lyapunov condition is satisfied. Then, we have obtained quantitative stability estimates for these chains.

We have applied some of the stability theory results to the study of the sensitivity of stochastic inventory models to the perturbations in their parameters. We have constructed a computer program to test numerically the performance of the results and to compare them.

Keywords : Markov chain, Perturbation, Stability, Quantitative estimates, Inventory control.